**文章编号:**1007-9629(2022)06-0613-08

# 运输时间对水泥-石灰石粉浆体屈服应力的影响

胡晓妍<sup>1</sup>, 肖 佳<sup>1,\*</sup>, 韩凯东<sup>1</sup>, 张泽的<sup>1</sup>, 田承宇<sup>2</sup>

(1.中南大学 土木工程学院,湖南 长沙,410075;2.中国电力建设集团有限公司 中国水利水电 第八工程局有限公司科研设计院,湖南 长沙,410004)

摘要:通过测定水泥-石灰石粉浆体的屈服应力,并基于EDLVO理论计算不同运输时间下浆体颗粒间的作用力,研究了运输时间对浆体屈服应力的影响机制.结果表明:各运输时间下浆体的屈服应力随着颗粒总比表面积的增加先减后增,随着运输时间的增加逐渐增大;浆体中颗粒的水膜厚度与屈服应力具有良好的负相关性;同一颗粒间距下,随着石灰石粉掺量和细度的增加,浆体的范德华力和A-B作用力逐渐减小,静电力没有明显变化规律,且不同浆体的颗粒间总作用力变化较小.同时还建立了不同运输时间下浆体屈服应力与颗粒间总作用力的关系.

关键词:石灰石粉;屈服应力;运输时间;颗粒间作用力

**中图分类号:**TU528.01 文献标志码:A

doi:10.3969/j.issn.1007-9629.2022.06.010

## Influence of Transport Time on Yield Stress of Cement-Ground Limestone Paste

HU Xiaoyan<sup>1</sup>, XIAO Jia<sup>1,\*</sup>, HAN Kaidong<sup>1</sup>, ZHANG Zedi<sup>1</sup>, TIAN Chengyu<sup>2</sup>

(1. School of Civil Engineering, Central South University, Changsha 410075, China; 2. Research and Design Institute of Sinohydro Engineering Bureau 8 Co., Ltd., Power Construction Corporation of China, Changsha 410004, China)

**Abstract:** By measuring the yield stress of cement-ground limestone pastes and calculating the interparticle forces of pastes under different transport time based on EDLVO theory, the mechanism of the change of yield stress of pastes under different transport time was studied. The results show that the yield stress decreases first and then increases with the increase of the total specific surface area. The yield stress of pastes increases with the increase of transport time. There is a good negative correlation between water film thickness of pastes and yield stress. At the same particle spacing, the van der Waals forces and A-B forces of pastes decreases with increasing content and fineness of ground limestone, while electrostatic force has no obvious change rule. Moreover, the variation of the total interparticle force with different cement-ground limestone pastes is small with the same particle spacing. The relationship between yield stress and total interparticle forces and average spacing under different transport time is established. **Key words:** ground limestone; yield stress; transport time; interparticle force

石灰石粉资源丰富、分布广泛,用做水泥基材料 具有良好的经济效益和环境效益<sup>[1]</sup>.实际工程应用 中,混凝土到达施工现场需要一定的运输时间,而运 输时间不同,混凝土的流动性也有所不同<sup>[2]</sup>.已有研 究表明,随着运输时间的增加,混凝土的流动度和流 动速率均有所减小<sup>[3]</sup>.Khalid等<sup>[4]</sup>研究发现长时间运输 会引起混凝土坍损,且不同种类掺合料对混凝土坍损 的影响程度不同.也有学者提出异议,如Amini等<sup>[5]</sup>研 究发现连续运输会增大颗粒的堆积密实度和水膜厚 度,进而增大浆体的流动度.由此可见,关于运输时

基金项目:国家自然科学基金资助项目(51278497);中南大学研究生自主探索创新项目(2022zzts624)

收稿日期:2021-05-09;修订日期:2021-06-06

第一作者:胡晓妍(1997—),女,湖南株洲人,中南大学硕士生.E-mail: HuXiaoyan155@163.com

通讯作者:肖 佳(1964—),女,湖南衡阳人,中南大学教授,博士生导师,博士.E-mail: jiaxiaog2007@163.com

间对浆体流动性、流变性能的研究主要集中于宏观 性能方面且仍存在争议,其内在机理的揭示仍较为 缺乏.研究表明,水泥浆体水化早期颗粒间作用力是 影响其流变性能的关键因素<sup>[6]</sup>,运输时间的不同会改 变浆体内部颗粒的堆积状态<sup>[5]</sup>,使颗粒间作用力发生 变化,进而影响浆体的屈服应力.因此,研究运输时 间对浆体颗粒间作用力的影响并建立浆体屈服应力 与颗粒间作用力的关系,对揭示运输时间对混凝土 流变性能的作用机制有重要的参考价值.

基于此,本文研究了运输时间对水泥-石灰石 粉浆体屈服应力的影响,并基于EDLVO理论计算 不同运输时间下浆体的颗粒间作用力,同时采用 BP神经网络建立了浆体屈服应力与颗粒间总作用 力的关系,以揭示不同运输时间对浆体屈服应力的 影响机制.

## 1 试验

#### 1.1 原材料

水泥(C)采用中国联合水泥集团有限公司产 P·I 42.5基准水泥,比表面积和密度分别为347 m<sup>2</sup>/kg 和3.14 g/cm<sup>3</sup>,平均粒径为17.165 µm.石灰石粉来自 湖北荆门,CaCO<sub>3</sub>含量(质量分数,文中涉及的含量、 水胶比等除特别说明外均为质量分数或质量比)为 99%,密度为2.7 g/cm<sup>3</sup>,将其分别磨至比表面积为 411、608、807、1007 m<sup>2</sup>/kg,依次记为LI、LII、LII、 LIV,平均粒径分别为16.996、10.468、7.162、5.321 µm. 拌和水采用自来水.水泥-石灰石粉浆体配合比 见表1.

表1 水泥-石灰石粉浆体配合比 Table 1 Mix proportions of cement-ground limestone pastes

		1	1	8	
Sample	<i>m</i> (cement)/g	<i>m</i> (ground limestone)/g	m(water)/g	$m_{ m w}/m_{ m b}$	Specific surface area of ground limestone $/(m^2 {\cdot} kg^{-1})$
P0	300	0	120	0.4	
PLI10	270	30	120	0.4	411
PLI20	240	60	120	0.4	411
PLI30	210	90	120	0.4	411
PL <b>∐</b> 10	270	30	120	0.4	608
PL∭10	270	30	120	0.4	807
PL N10	270	30	120	0.4	1 007

Note: Three groups were prepared with each ratio of pastes to study the transport time of 6, 12, 18 min.

#### 1.2 试验方法

#### 1.2.1 流变性能测试

水泥-石灰石粉浆体采用Hobert N50搅拌机先 慢搅 2 min,再快搅 2 min,然后分别以 4 r/min 的转 速连续搅拌 2、8、14 min 后静置,最后测试 20 min 时 浆体的屈服应力( $\tau$ ).需要说明的是,根据 JGJ/T 283—2012《自密实混凝土应用技术规程》,将转速 设置为 4 r/min 是为了模拟混凝土在运输过程中受 到的搅拌作用.浆体的屈服应力( $\tau$ )通过 Anton Paar 公司产 RHEOLAB QC 型旋转黏度计测定得到,转 子为十字形,试验温度为 20 ℃.为使浆体达到相同 的初始状态,先以 200 s<sup>-1</sup>的剪切速率对浆体预剪切 30 s,再对浆体进行流变性能测试,即在 60 s内剪切 速率由 1 s<sup>-1</sup>对数增加到 200 s<sup>-1</sup>,保持 200 s<sup>-1</sup>的速率 恒定剪切 30 s,最后在 60 s内再次将剪切速率减小 至 1 s<sup>-1</sup>.采用 Herschel-Bulkley 模型拟合浆体的剪切 应力-剪切速率( $\dot{\tau}$ )曲线,从而得到其屈服应力.

#### 1.2.2 堆积密实度测试

采用湿堆积法『测定浆体中颗粒的堆积密实度

(φ).即在一定运输时间下,通过改变浆体的用水量得 到不同水胶比的浆体;将拌和后的浆体置于已知体 积的模具中,并分别计算不同水胶比下浆体的颗粒 体积;由于颗粒体积最大时所对应的用水量称为标 准用水量,由此得到不同运输时间下浆体的标准用 水量.不同运输时间下浆体中颗粒的堆积密实度计 算表达式见式(1)<sup>[8]</sup>:

$$\phi = 1/(1 + \rho m_{\rm w}/m_{\rm b}) \tag{1}$$

式中: ρ为水泥-石灰石粉混合料与水的相对密度; m<sub>w</sub> 为水泥-石灰石粉浆体的标准用水量, g; m<sub>b</sub>为水泥和 石灰石粉的总质量, g.

#### 1.2.3 离子浓度测试

采用德国斯派克分析仪器公司产等离子光谱仪 测定 Na、K、Ca、S的浓度,经计算得到 Na<sup>+</sup>、K<sup>+</sup>、Ca<sup>2+</sup>、 SO<sub>4</sub><sup>2-</sup>的浓度.采用 pH 计(PHS-3E)测定离心液的 pH 值,精度为 0.01, 计算得到 OH<sup>-</sup>的浓度.Debye 长度由 式(2)计算<sup>[9]</sup>, 部分结果见表 2.

$$\boldsymbol{\kappa}^{-1} = \left[ \frac{\boldsymbol{\varepsilon}_{0} \boldsymbol{\varepsilon}_{\mathrm{r}} kT}{e^{2} N_{\mathrm{A}} \sum_{i} (c_{i} \boldsymbol{z}_{i}^{2})} \right]^{1/2} \tag{2}$$

式中: $\kappa^{-1}$ 为 Debye 长度,m; $\epsilon_0$ 为真空的绝对介电常数,8.854×10<sup>-12</sup> F/m; $\epsilon_r$ 为分散介质(水)的相对介电常数,78.5;k为 Boltzmann 常数,1.38×10<sup>-23</sup> J/K;T

为绝对温度,293 K;e为元电荷电量,1.6×10<sup>-19</sup>C; $N_A$ 为阿伏伽德罗常数,6.022×10<sup>23</sup>mol<sup>-1</sup>; $c_i$ 为离子浓度,mol/L; $z_i$ 为离子化合价.

	表 2	水泥−石灰石粉浆体离子浓度、pH值及 Debye 长度
Table 2	Ion concentr	ation, pH value and Debye length of cement-ground limestone paste

Sample	Transport		Ion con		=1, (1, 2, 10, (			
	time/min	Ca <sup>2+</sup>	$\mathrm{K}^+$	Na <sup>+</sup>	$\mathrm{SO}_4^{2-}$	OH-	pH value	$\kappa \simeq 10^{10}/\mathrm{m}$
P0	6	9.870	207.282	47.609	71.656	69.183	12.84	5.296
P0	12	3.288	211.026	48.783	76.625	91.201	12.96	5.215
P0	18	6.579	209.154	48.196	74.141	100.000	13.00	5.178
PLI10	6	8.473	194.231	44.913	67.438	97.724	12.99	5.336
PLI10	12	18.388	234.103	53.696	84.281	102.329	13.01	4.772
PLI10	18	23.168	136.577	26.963	53.494	104.713	13.02	5.633

#### 1.2.4 Zeta电位测试

采用美国 Colloidal Dynamics 公司产 Zeta 电位 仪测定水泥和石灰石粉颗粒表面 Zeta 电位.在320g 水中加入60g水泥或石灰石粉,先慢搅2min,再快搅 2min,将悬浮液倒入电位测定仪,测试20min时的 Zeta 电位<sup>[10]</sup>,测试结果见表3.

#### 1.2.5 粉体表面能测试

采用上海中晨数字技术设备有限公司产接触角 测试仪测试水泥和石灰石粉试样表面的接触角(θ), 测试液为去离子水、甲酰胺和乙二醇.试样制备方 法:先将粉体材料与无水乙醇以质量比1:1混合并快 搅3 min,取2.5 mL悬浮液置于26 mm×76 mm的载 玻片上,随后将载玻片放入40℃的烘箱中烘干6 h, 以除去材料表面的无水乙醇.粉体表面能计算式见 式(3)<sup>[11]</sup>,计算结果也列于表3.

$$\gamma_{\rm L}(1+\cos\theta) = 2(\sqrt{\gamma_{\rm s}^{\rm LW}\gamma_{\rm L}^{\rm LW}} + \sqrt{\gamma_{\rm s}^{\rm +}\gamma_{\rm L}^{\rm -}} + \sqrt{\gamma_{\rm s}^{\rm -}\gamma_{\rm L}^{\rm +}})$$
(3)

式中: $\gamma_L$ 为液体的界面张力,mJ/m<sup>2</sup>; $\gamma_s^{Lw}$ 、 $\gamma_L^{Lw}$ 分别为 粉体颗粒和液体界面张力的Lifshitz van der Waal分 量,mJ/m<sup>2</sup>; $\gamma_s^+$ 、 $\gamma_L^+$ 分别为粉体颗粒和液体界面张力的 Lewis 酸分量,mJ/m<sup>2</sup>; $\gamma_s^-$ 、 $\gamma_L^-$ 分别为粉体颗粒和液体 界面张力的Lewis碱分量,mJ/m<sup>2</sup>.

表 3 水泥和石灰石粉颗粒的表面能与 Zeta 电位 Table 3 Surface energy and Zeta potential of cement and ground limestone particles

	Я	Powder material						
Item	Deionized water	Formamide	Glycol	С	LΙ	L []	LⅢ	LW
$\gamma^{LW}/(mJ \cdot m^{-2})$	21.80	39.00	29.00	39.31	35.26	35.79	35.44	35.64
$\gamma^+/(mJ\!\boldsymbol{\cdot} m^{-2})$	25.50	2.28	1.92	1.44	1.23	1.25	1.25	1.24
$\gamma^{-}/(mJ \cdot m^{-2})$	25.50	39.60	47.00	26.68	25.23	25.36	25.58	25.69
Particle Zeta potential/mV				8.07	21.81	24.96	27.21	27.16

Note:  $\gamma^{LW}$ —Lifshitz van der Waal component of interfacial tension;  $\gamma^+$ —Lewis acid component of interfacial tension;  $\gamma^-$ —Lewis alkali component of interfacial tension.

## 2 结果与讨论

#### 2.1 水泥-石灰石粉浆体的屈服应力

图1为不同运输时间下水泥-石灰石粉浆体的屈服应力( $\tau$ )随颗粒总比表面积( $S_{cl}$ )的变化. $S_{cl}$ 计算式<sup>[12]</sup>为 $S_{cl} = S_c \varphi_c + S_1 \varphi_1$ ,其中, $S_c , S_l$ 分别为水泥、石灰石粉颗粒的比表面积, $\mu m^2 / \mu m^3$ ; $\varphi_c , \varphi_l$ 分别为水泥、石灰石粉颗粒占固体颗粒的体积分数.由图1可知:

各运输时间下,随着颗粒总比表面积的增加,水泥-石灰石粉浆体的屈服应力均先减后增,当颗粒总比 表面积为1.113 μm<sup>2</sup>/μm<sup>3</sup>时,浆体的屈服应力值最小; 随着运输时间的增加,浆体的屈服应力逐渐增大.

外界扰动会改变浆体中颗粒的堆积状态,不同运输时间下颗粒堆积状态发生了明显变化<sup>[5]</sup>.

图 2 为不同运输时间下水泥-石灰石粉浆体颗粒 堆积密实度(φ)和水膜厚度(d<sub>w</sub>)的变化.由图 2(a)可 见:各运输时间下浆体颗粒的堆积密实度随着颗粒 总比表面积的增大先增后减,当颗粒总比表面积大 于1.169 µm²/µm³时,颗粒的堆积密实度几乎没有变 化;随着运输时间的增加,颗粒的堆积密实度逐渐减 小.颗粒的堆积密实度越大表明其堆积状态越好,颗 粒间空隙越小,在用水量不变的条件下体系多余水 量越多,浆体的流动性就越好.由此说明,随着运输 时间的增加,浆体的流动性变差.

研究发现,相比于颗粒的堆积密实度和总比表 面积等颗粒群特性对浆体屈服应力的影响,颗粒的 水膜厚度是影响浆体屈服应力更重要的参数,其计 算式见式(4)<sup>[13]</sup>:

$$d_{w} = \frac{u'_{w}}{S_{cl}} = \frac{u_{w} - u_{void}}{S_{cl}} = \frac{u_{w} - \frac{1 - \phi}{\phi}}{S_{cl}} \qquad (4)$$

式中:u'w为多余水与固体的体积比(多余水比);uw为 总用水与固体的体积比;uvoid 为空隙与固体的体积比.

由图 2(b)可见:整体上,随着颗粒总比表面积的增加,其水膜厚度先增大后减小;随着运输时间的增加,颗粒水膜厚度逐渐减小.颗粒水膜厚度取决

0

F

于颗粒的堆积密实度和总比表面积之比,并随比值 的增大而增大<sup>[14]</sup>. 当颗粒的总比表面积为1.099、 1.113 μm<sup>2</sup>/μm<sup>3</sup>时,颗粒水膜厚度较大,这是因为其对 应的堆积密实度和总比表面积比值较大.当运输时 间为6 min时,水泥-石灰石粉浆体颗粒堆积密实度 与总比表面积之比如表4所示.



- 图1 不同运输时间下水泥-石灰石粉浆体屈服应力随 颗粒总比表面积的变化
- Fig. 1 Variation of yield stress of cement-ground limestone paste with total specific surface area under different transport time



图2 不同运输时间下水泥-石灰石粉浆体的颗粒堆积密实度和水膜厚度

ıg. 2	Packing density and	i water film t	hickness of	t cement-ground	limestone p	paste unde	r different	transport	tıme

	表4 运输时间为6min时水泥−石灰石粉浆体颗粒堆积密实度与总比表面积之比	
Table 4	Ratio of packing density and total specific surface area of cement-ground limestone paste at transport time of	6 min

No.	$S_{\rm cl}/(\mu { m m}^2\cdot\mu { m m}^{-3})$	$\frac{\phi}{S_{\rm cl}}/\mu{ m m}$	No.	$S_{\rm cl}/(\mu { m m}^2\cdot\mu { m m}^{-3})$	$\frac{\phi}{S_{\rm cl}}/\mu{ m m}$
P0	1.089 58	0.50095	PL <b>∏</b> 10	1.16923	0.47182
PLI10	1.099 20	0.504 03	PL∭10	1.24045	0.44378
PLI20	1.10697	0.50369	PLN10	1.31206	0.41867
PLI30	1.11294	0.50849			

颗粒水膜厚度可间接表示颗粒之间的距离,水膜 厚度越小,颗粒间距越小,颗粒间作用力就越大;同 时,包裹在颗粒表面的水膜层具有润滑、减小颗粒间 摩擦力的作用.图3为水泥-石灰石粉浆体颗粒水膜 厚度与屈服应力的关系.由图3可见,颗粒水膜厚度与 浆体屈服应力具有良好的负相关性,随着颗粒水膜厚 度的增大,浆体屈服应力减小.颗粒水膜厚度的变化 定性说明了不同运输时间下浆体屈服应力的变化.





Λ

DD

ſ

颗粒水膜厚度的变化实际上反映了颗粒间距的 改变,本质是改变了颗粒间的作用力.为研究运输时 间对水泥-石灰石粉浆体屈服应力的影响机制,本文 基于 EDLVO 理论计算了不同水泥-石灰石粉浆体 的颗粒间作用力.

## 2.2 不同运输时间下水泥−石灰石粉浆体颗粒间作 用力的变化

EDLVO理论通过颗粒表面物理化学作用解释 颗粒间发生凝聚的机制,该理论已被广泛地应用于水 泥基材料颗粒间作用力的研究<sup>[15-16]</sup>中.基于EDLVO 理论,水泥-石灰石粉浆体颗粒间总作用力(F<sub>T</sub>)包括 范德华力(F<sub>LW</sub>)、水合作用力(也称A-B作用力(F<sub>AB</sub>)) 和静电力(F<sub>EL</sub>)<sup>[17]</sup>.各作用力计算式见式(5):

$$\begin{cases} F_{\rm LW}(h) = \frac{A}{12h^2} \frac{D_1 D_2}{D_1 + D_2} \\ F_{\rm AB}(h) = \pi \frac{D_1 D_2}{D_1 + D_2} \Delta G_{y^0}^{\rm AB} \exp\left(-\frac{h}{\lambda_{\rm AB}}\right) \\ F_{\rm EL}(h) = \frac{D_1 D_2}{D_1 + D_2} \frac{\pi \epsilon_0 \epsilon_r \kappa \exp\left(-\kappa h\right)}{1 - \exp\left(-2\kappa h\right)} \Big[ 2\psi_1 \psi_2 - (\psi_1^2 + \psi_2^2) \exp\left(-\kappa h\right) \Big] \end{cases}$$
(5)

式中:A为 Hamaker常数, J,  $A = -24\pi h_0^2 (\sqrt{\gamma_{S_1}^{LW}} - \sqrt{\gamma_L^{LW}})$ ),其中 $h_0$ 是由波恩排斥力导致的颗粒之间最小距离,0.158 nm; $\gamma_{S_1}^{LW}$ 和 $\gamma_{S_2}^{LW}$ 分别为水泥和石灰石粉颗粒界面张力的Lifshitz van der Waal分量, mJ/m<sup>2</sup>;h为颗粒表面间距, m; $D_1$ 、 $D_2$ 分别为两相邻颗粒的平均直径,  $D_1D_2/(D_1+D_2)$ 为颗粒等效粒径, m; $\lambda_{AB}$ 为衰减长度,0.6 nm; $\Delta G_{y_0}^{AB}$ 为介质中2个颗粒交界面上单位面积的酸碱自由能<sup>[17]</sup>, mJ/m<sup>2</sup>; $\phi_1$ 、 $\phi_2$ 分别为2个胶体颗粒的表面电势,近似等价为颗粒Zeta电位, mV.

图4为不同运输时间下水泥-石灰石粉浆体颗粒 间作用力随颗粒表面间距的变化.由图4(a)、(b)可 见:随着颗粒表面间距的增大,范德华力以二次方的 速率减小,A-B作用力呈指数型递减;同一颗粒间距 下,随着石灰石粉掺量和细度的增加,范德华力和 A-B作用力均逐渐减小.由式(5)可知,同一颗粒间距 下,颗粒等效粒径、表面能是影响范德华力和 A-B作 用力的主要因素,由于水泥颗粒和石灰石粉颗粒的表 面能差别不大,因此范德华力和 A-B作用力的不同主 要受颗粒等效粒径的影响.本文采用的石灰石粉粒径 小于水泥颗粒,且石灰石粉细度越大其粒径越小,因 此随着石灰石粉掺量和细度的增加,颗粒等效粒径减 小,进而降低了范德华力和 A-B作用力.运输时间主 要通过影响颗粒间距改变范德华力和 A-B作用力,因 此将在下文讨论其对颗粒间作用力的影响.由图4(c) 可见:(1)随着颗粒间距的增大,浆体的静电力以指数 型速率减小;同一间距下,静电力主要受颗粒等效粒 径、Debye长度等因素的影响,石灰石粉的掺入减小了 颗粒等效粒径,对静电力有减小作用,而Debye长度 和Zeta电位随石灰石粉掺量、细度的改变,并没有明 显的变化规律且其对静电力的影响较为复杂.运输时 间通过改变Debye长度(表2)、颗粒间距来影响静电 力.(2)不同运输时间下,浆体的静电力随石灰石粉掺 量、细度的变化并不相同,但石灰石粉掺量为20%、 30%时静电力较大.结合表2的Debye长度研究发 现,本试验中Debye长度对静电力的影响占主导作 用,如各运输时间下石灰石粉掺量由0%增加至10% 时,浆体的静电力变化规律与Debye长度的变化规律 一致.

图5为不同运输时间下水泥-石灰石粉浆体颗粒 间总作用力( $F_{T}$ )随颗粒表面间距的变化.由图5可以 看出:(1)随着颗粒间距的增大, $F_{T}$ 先表现为排斥力, 后转变为吸引力,运输时间未改变 $F_{T}$ 随颗粒表面间 距的变化规律.(2)同一颗粒间距下,不同体系的 $F_{T}$ 相差不大,这主要是范德华力、A-B作用力和静电力 等3种作用力共同作用的结果.如当颗粒表面间距为 3 nm,运输时间为6 min时,石灰石粉掺量10%浆体的 范德华力和A-B作用力分别为-0.366 3、0.284 2 nN, 大于石灰石粉掺量20%浆体的-0.351 6、0.244 5 nN;



图4 不同运输时间下水泥-石灰石粉浆体颗粒间作用力随颗粒表面间距的变化

Fig. 4 Variations of interparticle forces of cement-ground limestone paste with separation distance under different transport time





而石灰石粉掺量10%浆体的静电力为0.0220nN, 小于石灰石粉掺量20%浆体的0.0476nN,2个体系 的总作用力之差仅为0.0006nN,远小于范德华力的 数量级,说明同一颗粒间距条件下2个体系总作用力 的差别微小.

然而,值得注意的是,图4、5主要讨论了同一颗 粒间距下不同体系颗粒间作用力的变化,而实际上 不同体系的颗粒间距不同,因此颗粒间作用力的计 算必须要考虑颗粒间距的作用(式(4)).前文研究发现,运输时间对颗粒水膜厚度有明显的影响.假定粉体颗粒的大小相同,理想条件下可将颗粒水膜厚度的2倍视为平均颗粒间距( $\bar{h}$ )<sup>[18]</sup>,则运输时间将会改变浆体内颗粒的平均间距,从而改变颗粒间作用力,最终影响浆体的屈服应力.因此,研究不同运输时间下浆体屈服应力的影响机制必须考虑运输时间对颗粒表面间距的作用.

## 2.3 不同运输时间下颗粒间作用力与屈服应力的 关系

表5为不同运输时间下水泥-石灰石粉浆体平均 颗粒间距的计算结果.由表5可知,平均颗粒间距随 运输时间的变化规律与水膜厚度相同,即随着运输 时间的增加,平均颗粒间距减小.水化初期,屈服应 力主要取决于颗粒间作用力,随颗粒间作用力的增 大而增大,随表面间距的增大而减小<sup>[18-19]</sup>.基于此,建 立了水泥-石灰石粉浆体屈服应力与颗粒间总作用 力的关系式(*r*-*F*<sub>T</sub>/*h*<sup>2</sup>),其中*F*<sub>T</sub>取最大颗粒间作用力.

Sample	Transport time/ min	$\overline{h}/\mu\mathrm{m}$	Sample	Transport time/ min	$\overline{h}/\mu\mathrm{m}$	Sample	Transport time/ min	$\overline{h}/\mu\mathrm{m}$
P0-6	6	0.778	PLI20-12	12	0.769	PL <b>∏</b> 10-18	18	0.724
P0-12	12	0.735	PLI20-18	18	0.762	PL∭10-6	6	0.682
P0-18	18	0.720	PLI30-6	6	0.790	PL∭10-12	12	0.676
PL110-6	6	0.791	PLI30-12	12	0.783	PL∭10-18	18	0.669
PLI10-12	12	0.784	PLI30-18	18	0.776	PLIV10-6	6	0.638
PL110-18	18	0.777	PL∐10-6	6	0.730	PLN10-12	12	0.636
PL120-6	6	0.776	PL <b>∏</b> 10-12	12	0.726	PL][10-18	18	0.635

表 5 不同运输时间下水泥-石灰石粉浆体平均颗粒间距 Table 5 Average particle spacing of cement-ground limestone pastes under different transport time

Note: Three groups of pastes with same mix proportion were prepared to study the different transport time. For example, P0-6, P0-12, P0-18 means the same proportion (P0) and different transport time.

为探究水泥-石灰石粉浆体  $\tau 与 F_{\rm T}/\bar{h}^2$ 之间的关系,测定了各运输时间下水胶比为 0.38、0.42 的水泥-石灰石粉浆体的屈服应力.采用 BP 神经网络对水胶比为 0.40 的水泥-石灰石粉浆体的  $\tau$ 和  $F_{\rm T}/\bar{h}^2$ 进行训练,其中  $\tau$ 为输入, $F_{\rm T}/\bar{h}^2$ 为输出,预测水胶比为 0.38、0.42 时浆体屈服应力对应的  $F_{\rm T}/\bar{h}^2$ ,以建立水

泥-石灰石粉浆体 $F_{\rm T}/\bar{h}^2$ 与 $\tau$ 的关系.本文BP神经网络模型输入、输出层神经元个数均为1,隐含层神经元个数为5.输出层和隐含层神经元激励函数分别为logsig和 tansig,训练函数为 traingdx,性能函数为mse,迭代参数为5000,期望误差为0.0000001<sup>[20]</sup>.表6展示了部分神经网络预测结果.

	Table 0 Treatenin results of DT neural Network										
No.	τ/Pa	$\frac{F_{\rm T}}{\bar{h}^2}/({\rm nN}\cdot\mu{\rm m}^{-2})$	$R^2$	No.	τ/Pa	$\frac{F_{\rm T}}{\bar{h}^2}/$ (nN• $\mu$ m <sup>-2</sup> )	$R^2$	No.	τ/Pa	$\frac{F_{\rm T}}{\bar{h}^2}/({\rm nN}\cdot\mu{\rm m}^{-2})$	$R^2$
1	74.94	0.261	0.99	8	70.55	0.254	0.98	15	79.57	0.289	0.98
2	75.94	0.274	0.98	9	71.14	0.254	0.99	16	76.75	0.270	0.98
3	78.62	0.290	0.99	10	64.95	0.231	0.97	17	82.86	0.288	0.98
4	72.25	0.252	0.99	11	65.06	0.240	0.99	18	87.90	0.303	0.99
5	74.93	0.263	0.99	12	70.94	0.248	0.99	19	85.23	0.292	0.95
6	77.67	0.278	0.98	13	76.14	0.271	0.98	20	88.77	0.307	0.98
7	69.20	0.245	0.98	14	77.63	0.274	0.98	21	91.83	0.330	0.96

表 6 BP 神经网络预测结果 Table 6 Prediction results of BP neural Network

由表 6可知,回归系数  $R^2$ 均大于 0.95,表明预测 结果准确度较高,十分接近实际值.基于浆体  $\tau$ 与 $F_{T}/\bar{h}^2$ 试验值和 BP 神经网络预测值,可得到水泥-石灰 石粉浆体  $\tau$ 与  $F_{T}/\bar{h}^2$ 的关系,如图 6所示.由图 6可知: 浆体  $\tau$ 与  $F_{T}/\bar{h}^2$ 之间的关系可用  $\tau = a \ln(F_T/\bar{h}^2 + b) + c$ 表示,其中  $a_{\lambda}b_{\lambda}c$ 为经验参数;随着  $F_{T}/\bar{h}^2$ 的增 大, $\tau$ 呈对数增加.该式建立了水泥-石灰石粉浆体屈 服应力与颗粒间作用力的半定量关系,揭示了不同 运输时间下水泥-石灰石粉浆体屈服应力的影响 机制.



图 6 水泥-石灰石粉浆体 $\tau$ 与 $F_{T}/\bar{h}^2$ 的关系 Fig. 6 Relationship between  $\tau$  and  $F_{T}/\bar{h}^2$  of cement-ground limestone paste

## 3 结论

(1)各运输时间下水泥-石灰石粉浆体的屈服应 力随着颗粒总比表面积的增加先减后增;随着运输 时间的增加,浆体的屈服应力逐渐增大.颗粒水膜厚 度可表征不同运输时间下浆体屈服应力的变化,与 屈服应力具有良好的负相关性.

(2)同一颗粒间距下,随着石灰石粉掺量和细度的增加,水泥-石灰石粉浆体的范德华力和A-B 作用力逐渐减小,静电力没有明显变化规律; Debye长度对静电力的影响占主导作用,静电力变 化规律同Debye长度的变化规律一致;同一颗粒间 距下,不同水泥-石灰石粉浆体颗粒间的总作用力 变化较小.

(3)随着运输时间的增加,水泥-石灰石粉浆体的平均颗粒间距减小.建立了不同运输时间下浆体 屈服应力与颗粒间总作用力的关系.

## 参考文献:

- WANG D H, SHI C J, FARZADNIA N, et al. A review on effects of limestone powder on the properties of concrete [J]. Construction and Building Materials, 2018, 192:153-166.
- [2] NEHDI M, AL-MARTINI S. Coupled effects of high temperature, prolonged mixing time, and chemical admixtures on rheology of fresh concrete[J]. ACI Materials Journal, 2009, 106 (3):231-240.
- [3] DIAWARA H, GHAFOORI N. Influence of hauling time on fresh properties of self-consolidating concrete[J]. ACI Materials Journal, 2011, 108(3):244-251.
- [4] KHALID A R, RIZWAN S A, HANIFU, et al. Effect of mixing time on flowability and slump retention of self-compacting paste system incorporating various secondary raw materials[J]. Arabian Journal for Science and Engineering, 2016, 41(4):1283-1290.
- [5] AMINI K, MEHDIPOUR I, HWANG S D, et al. Effect of binder composition on time-dependent stability and robustness characteristics of self-consolidating mortar subjected to prolonged agitation[J]. Construction and Building Materials, 2016, 112: 654-665.
- [6] ROUSSEL N, OVARLEZ G, GARRAULT S, et al. The origins of thixotropy of fresh cement pastes [J]. Cement and Concrete Research, 2012, 42(1):148-157.
- WONG H H C, KWAN A K H. Packing density of cementitious materials:Part 1 Measurement using a wet packing method[J]. Materials and Structures, 2008, 41(4):689-701.
- [8] KNOP Y, PELED A. Packing density modeling of blended

cement with limestone having different particle sizes [J]. Construction and Building Materials, 2016, 102:44-50.

- [9] JOHNSON S B, FRANKS G V, SCALES P J, et al. Surface chemistry-rheology relationships in concentrated mineral suspensions [J]. International Journal of Mineral Processing, 2000, 58(1):267-304.
- [10] ALONSO M M, PALACIOS M, PUERTAS F. Compatibility between polycarboxylate-based admixtures and blended-cement pastes [J]. Cement and Concrete Composites, 2013, 35(1): 151-162.
- [11] KWOK D Y, NEUMANN A W. Contact angle measurement and contact angle interpretation[J]. Advances in Colloid and Interface Science, 1999, 81(3):167-249.
- [12] SHANAHAN N, TRAN V, WILLIAMS A, et al. Effect of SCM combinations on paste rheology and its relationship to particle characteristics of the mixture [J]. Construction and Building Materials, 2016, 123:745-753.
- [13] LI L G, CHU S H, ZENG K L, et al. Roles of water film thickness and fibre factor in workability of polypropylene fibre reinforced mortar[J]. Cement and Concrete Composites, 2018, 93:196-204.
- [14] YE H, GAO X J, WANG R, et al. Relationship among particle characteristic, water film thickness and flowability of fresh paste containing different mineral admixtures [J]. Construction and Building Materials, 2017, 153:193-201.
- [15] LAVERGNE F, BELHADI R, CARRIAT J, et al. Effect of nano-silica particles on the hydration, the rheology and the strength development of a blended cement paste[J]. Cement and Concrete Composites, 2019, 95:42-55.
- [16] WANG D Q, WANG Q, HUANG Z X. Investigation on the poor fluidity of electrically conductive cement-graphite paste: Experiment and simulation[J]. Materials & Design, 2019, 169: 107679.
- [17] LIN T, LU Z J, CHEN W. Interaction mechanisms and predictions on membrane fouling in an ultrafiltration system, using the XDLVO approach[J]. Journal of Membrane Science, 2014, 461:49-58.
- [18] GUO Y Q, ZHANG T S, WEI J X, et al. Evaluating the distance between particles in fresh cement paste based on the yield stress and particle size[J]. Construction and Building Materials, 2017, 142:109-116.
- [19] WALLEVIK J E. Rheological properties of cement paste: Thixotropic behavior and structural breakdown[J]. Cement and Concrete Research, 2009, 39(1):14-29.
- [20] 李友坤.BP神经网络的研究分析及改进应用[D].淮南:安徽理 工大学,2012.

LI Youkun. Analysis and improvement applications of BP neural network [D]. Huainan: Anhui University of Science and Technology, 2012. (in Chinese)